



# الحيلة

## المتباينات الخطية

أختبر معلوماتي بحل التدريبات أولاً، وفي حال عدم تأكدي من الإجابة، أستعين بالمثال المعطى.

### المقادير العددية والجبرية (الدرس 1)

أكتب مقداراً عددياً أو جبرياً يعبر عن كل من الجمل الآتية:

2 9 أمثال  $h$

1 ضرب 49 في  $p$

4 يزيد على  $w$  بـ 43

3 ينقص عن 33 بـ  $z$

6  $k$  ناقصاً  $m$

5 ثلث  $x$

مثال: أكتب مقداراً عددياً أو جبرياً يعبر عن كل من الجمل الآتية:

(c) ضرب 5 في عدد  
المقدار الجبري:  $5 \times m$

(b) جمع  $n$  إلى 73  
المقدار الجبري:  $73 + n$

(a) قسمة 49 على 7  
المقدار العددي:  $49 \div 7$

### التمييز بين المعادلة والمقدار الجبري (الدرس 1)

أحدد أي مما يأتي يمثل معادلة وأيها يمثل مقداراً جبرياً:

7  $7x + 1 = 5$

8  $11y + 8$

9  $1 - 2z$

10  $17n - 3 = -6$

11  $\frac{m}{3} = 9$

12  $-6 - r$

مثال: أعدد أي مما يأتي يُمثل مُعادلةً وأيّها يُمثل مُقداراً جبرياً:

a)  $x + 17$

مقدار جبري؛ لأنها جُمْلَةٌ رِياضيةٌ تُحتوي مَجْموعَةً مِنَ المُتغيّراتِ وَالْأَعْدَادِ تُفَصِّلُ بَيْنَهَا عَمَلِيَّاتٍ وَلَا تُتَضَمَّنُ إِشَارَةَ المُساواةِ.

b)  $y + 3 = 15$

مُعادلةٌ؛ لأنها جُمْلَةٌ رِياضيةٌ تُتَضَمَّنُ إِشَارَةَ المُساواةِ.

### أذكر

المُعادلةُ جُمْلَةٌ رِياضيةٌ تُتَضَمَّنُ إِشَارَةَ مُساواةٍ (=)، وَقَدْ تُتَضَمَّنُ أَعْدَادًا مَجْهُولَةً يُعَبَّرُ عَنْهَا بِأَحْرَفٍ  $x, y, b, \dots$

### • التَّعبيرُ عَن جُمْلَةٍ لَفْظِيَّةٍ بِمُعادلةٍ (الدَّرْسُ 1)

أعبر عن كل مما يأتي بِمُعادلةٍ:

14 طَرَحَ الْعَدَدُ 35 مِنْ  $m$ ؛ فَأَصْبَحَ النَّاتِجُ 18

13 ضَرَبَ  $x$  فِي 9؛ فَأَصْبَحَ النَّاتِجُ 45

16 قُسِمَ  $k$  عَلَى 3؛ فَأَصْبَحَ النَّاتِجُ 12

15 3 أَمْثَالِ  $y$  يُساوي 240



# الحكمة العييلة

## الْمُتَبَايِنَاتُ الْخَطِيَّةُ

مِثَالٌ: أَكْتُبْ مُعَادَلَةً لِلتَّعْبِيرِ عَنْ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

(a) جَمْعُ 6 مَعَ  $x$  يُسَاوِي 17

$$x + 6$$

$$x + 6 = 17$$

إِذَنْ، الْمُعَادَلَةُ هِيَ:  $x + 6 = 17$

(b) قِسْمَةُ  $y$  عَلَى 8 يُسَاوِي 23

$$y \div 8$$

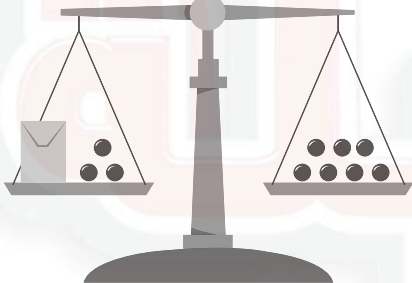
$$y \div 8 = 23$$

إِذَنْ، الْمُعَادَلَةُ هِيَ:  $y \div 8 = 23$

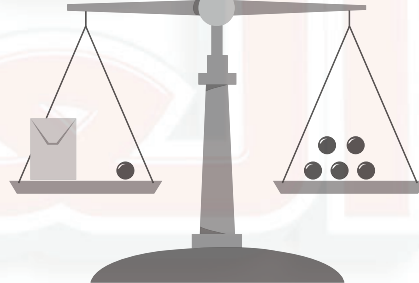
حَلُّ مُعَادَلَاتِ الْجَمْعِ وَالطَّرْحِ (الدَّرْسُ 1)

أَسْتَخْدِمُ النَّمُودَجَ؛ لِأَكُونُ مُعَادَلَةً وَأَحْلُهَا فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

17



18



أَحْلُ الْمُعَادَلَاتِ الْآتِيَّةَ:

19  $x + 8 = 18$

20  $30 + y = 52$

21  $14 + m = 44$

22  $p - 20 = 16$

23  $y - 50 = 50$

24  $t - 4 = 3$

مثال: أحلّ المعادلة  $x + 4 = 9$ ، ثمّ اتّحقّق من صحّة الحلّ:

الطريقة 2: استعمل العلاقة بين الجمع والطرح:

أفكّر

ما جملة الطرح المرتبطة بجملة الجمع؟

$$x + 4 = 9$$

$$x = 9 - 4$$

إذن:  $x = 5$  هو حلّ المعادلة.

الطريقة 1: استعمل الحساب الذهني:

أفكّر

ما العدد الذي إذا أضفّ إليه 4 يكون الناتج 9؟

$$x + 4 = 9$$

$$5 + 4 = 9$$

إذن:  $x = 5$  هو حلّ المعادلة.

اتّحقّق: أعوّض عن المتغيّر  $x$  بالعدد 5 في المعادلة  $x + 4 = 9$

$$5 + 4 \stackrel{?}{=} 9$$

المساواة صحيحة:  $9 = 9$  ✓

حلّ معادلات الضرب والقسمة (الدّرس 1)

25 أكمل الجدول الآتي:

| المعادلة        | جملة الضرب أو القسمة التي تحلّ المعادلة | حلّ المعادلة | التحقّق |
|-----------------|-----------------------------------------|--------------|---------|
| $8n = 72$       |                                         |              |         |
| $150 = 50n$     |                                         |              |         |
| $y \div 5 = 30$ |                                         |              |         |
| $36 \div y = 4$ |                                         |              |         |





# الحيلة

## المُتَبَايِنَاتُ الخَطِيئةُ

مثال: أحلّ المُعادلتين الآتيتين، ثمّ اتَّحَقَّقْ مِنْ صِحَّةِ الحُلِّ:

a)  $8x = 32$

الطريقة 2: استعمل العلاقة بين الضرب والقسمة:

أفكر

ما جملة القسمة المرتبطة بجملة الضرب؟

$$8x = 32$$



$$x = 32 \div 8$$

إذن:  $x = 4$  هو حلّ المعادلة.

الطريقة 1: استعمل الحساب الذهني:

أفكر

ما العدد الذي إذا ضربته بـ 8 يكون الناتج 32؟

$$8x = 32$$



$$8 \times 4 = 32$$

إذن:  $x = 4$  هو حلّ المعادلة.

اتَّحَقَّقْ: أعوِّضْ عَنِ المُتَغَيِّرِ  $x$  بالعدد 4 في المعادلة  $8x = 32$

$$8 \times 4 \stackrel{?}{=} 32$$

المساواة صحيحة:  $32 = 32$  ✓

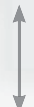
b)  $x \div 10 = 4$

الطريقة 2: استعمل العلاقة بين الضرب والقسمة:

أفكر

ما جملة الضرب المرتبطة بجملة القسمة؟

$$x \div 10 = 4$$



$$x = 4 \times 10$$

إذن:  $x = 40$  هو حلّ المعادلة.

الطريقة 1: استعمل الحساب الذهني:

أفكر

ما العدد الذي إذا قسمته على 10 يكون الناتج 4؟

$$x \div 10 = 4$$



$$40 \div 10 = 4$$

إذن:  $x = 40$  هو حلّ المعادلة.

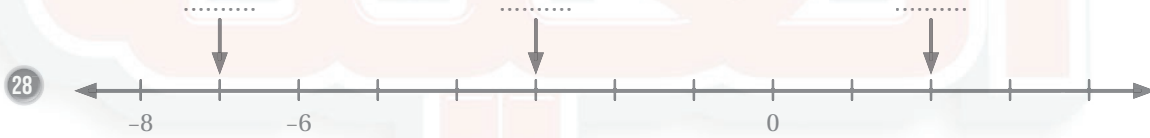
اتَّحَقَّقْ: أعوِّضْ عَنِ المُتَغَيِّرِ  $x$  بالعدد 40 في المعادلة  $x \div 10 = 4$

$$40 \div 10 \stackrel{?}{=} 4$$

المساواة صحيحة:  $4 = 4$  ✓

• تَمَثِيلُ الْأَعْدَادِ الصَّحِيحَةِ عَلَى خَطِّ الْأَعْدَادِ (الدَّرْسُ 1)

اَكْتُبِ الْعَدَدَ الَّذِي يُشِيرُ إِلَيْهِ السَّهْمُ فِي كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:



29 اُمَثِّلِ الْأَعْدَادَ -1, 3, 7, -7 عَلَى خَطِّ الْأَعْدَادِ:





# الحكمة العييلة

## المُتَبَايِنَاتُ الخَطِّيَّةُ

مثال: أمثل الأعداد:  $-3, 0, 5$  على خط الأعداد.

أرسم خط الأعداد، ثم أرسم نقطة عند موقع كل عدد صحيح.



إجراء العمليات الحسابية الأربع على الأعداد الصحيحة (الدرس 1)

أجد ناتج كل مما يأتي:

30  $-6 + (-8)$

31  $13 + (-8)$

32  $4 - 10$

33  $8 - (-3)$

34  $-4 \times 6$

35  $-6 \times -8$

36  $12 \div (-4)$

37  $-30 \div (-5)$

38  $-28 \div 7$

مثال: أجد ناتج كل مما يأتي:

a)  $-9 + (-12)$

$$-9 + (-12) = -(9 + 12) = -21$$

للعدين الإشارة نفسها، إذن: أجمع وأبب الإشارة.

b)  $-10 + 13$

$$-10 + 13 = 3$$

إشارتا العددين مختلفتان، إذن: أجد الفرق، وأضع إشارة الأكبر.

c)  $-6 \times -7$

$$-6 \times -7 = 42$$

للعدين الإشارة نفسها، إذن: أضرب، وتكون إشارة الناتج موجبة.

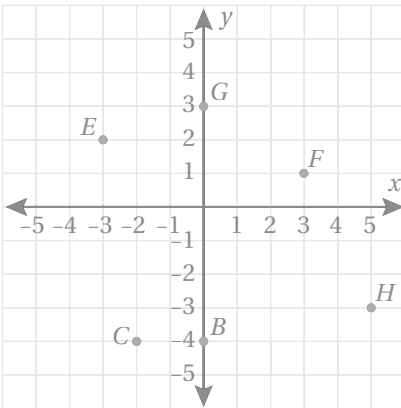
d)  $35 \div -7$

$$35 \div -7 = -5$$

إشارتا العددين مختلفتان، إذن: أقسم، وتكون إشارة الناتج سالبة.

• تحديد إحداثيي نقطة ممثلة في المستوى الإحداثي (الدرس 4)

أجد إحداثيي كل من النقاط الآتية الممثلة في المستوى الإحداثي الآتي، ثم أحدد الربع الذي تقع فيه، أو المحور الذي تقع عليه:



39 B

40 C

41 E

42 F

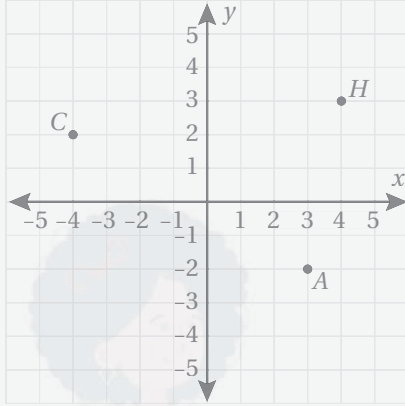
43 G

44 H



# الحييلة

## الْمُتَبَايِنَاتُ الْخَطِيَّةُ



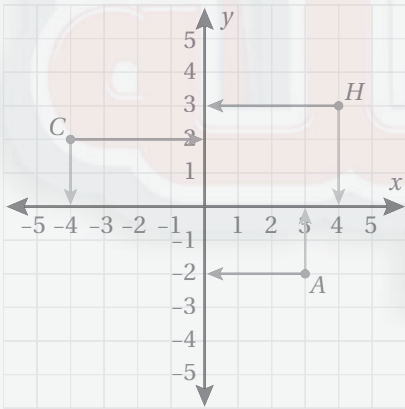
مِثَالٌ: أَجِدْ إِحْدَائِيَّ كُلِّ مِنَ النَّقَاطِ الْآتِيَةِ الْمُمَثَّلَةِ فِي الْمُسْتَوَى الْإِحْدَائِيِّ الْمَجَاوِرِ، ثُمَّ أَحَدُ الرُّبْعِ الَّذِي تَقَعُ فِيهِ، أَوِ الْمَحْوَرِ الَّذِي تَقَعُ عَلَيْهِ:

(a) النُّقْطَةُ  $H$ :

النُّقْطَةُ  $H$  تُقَابِلُ الْعَدَدَ 4 عَلَى الْمَحْوَرِ  $x$ ؛ لِذَا فَإِنَّ إِحْدَائِيَّ  $x$  لَهَا هُوَ 4، وَتُقَابِلُ الْعَدَدَ 3 عَلَى الْمَحْوَرِ  $y$ ؛ لِذَا فَإِنَّ إِحْدَائِيَّ  $y$  لَهَا هُوَ 3

إِذَنْ، الرُّوْجُ الْمُرْتَّبُ الَّذِي يُحَدِّدُ مَوْقِعَ النُّقْطَةِ  $H$  هُوَ  $(4, 3)$ ، وَتَقَعُ هَذِهِ النُّقْطَةُ فِي الرُّبْعِ الْأَوَّلِ.

(b) النُّقْطَةُ  $A$ :



النُّقْطَةُ  $A$  تُقَابِلُ الْعَدَدَ 3 عَلَى الْمَحْوَرِ  $x$ ؛ لِذَا فَإِنَّ إِحْدَائِيَّ  $x$  لَهَا هُوَ 3، وَتُقَابِلُ الْعَدَدَ -2 عَلَى الْمَحْوَرِ  $y$ ؛ لِذَا فَإِنَّ إِحْدَائِيَّ  $y$  لَهَا هُوَ -2

إِذَنْ، الرُّوْجُ الْمُرْتَّبُ الَّذِي يُحَدِّدُ مَوْقِعَ النُّقْطَةِ  $A$  هُوَ  $(3, -2)$ ، وَتَقَعُ هَذِهِ النُّقْطَةُ فِي الرُّبْعِ الرَّابِعِ.

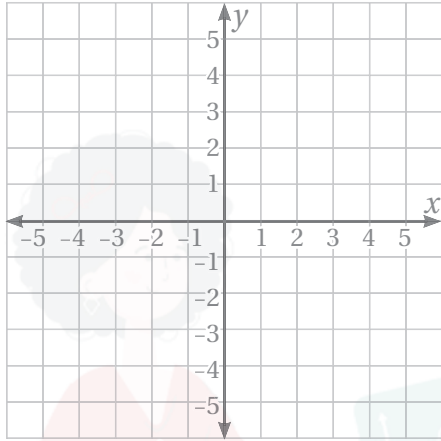
(c) النُّقْطَةُ  $C$ :

النُّقْطَةُ  $C$  تُقَابِلُ الْعَدَدَ -4 عَلَى الْمَحْوَرِ  $x$ ؛ لِذَا فَإِنَّ إِحْدَائِيَّ  $x$  لَهَا هُوَ -4، وَتُقَابِلُ الْعَدَدَ 2 عَلَى الْمَحْوَرِ  $y$ ؛ لِذَا فَإِنَّ إِحْدَائِيَّ  $y$  لَهَا هُوَ 2

إِذَنْ، الرُّوْجُ الْمُرْتَّبُ الَّذِي يُحَدِّدُ مَوْقِعَ النُّقْطَةِ  $C$  هُوَ  $(-4, 2)$ ، وَتَقَعُ هَذِهِ النُّقْطَةُ فِي الرُّبْعِ الثَّانِي.

• تَمَثِيلُ النُّقَاطِ فِي الْمُسْتَوَى الْإِخْدَائِيِّ (الدَّرْسُ 4)

أُعَيِّنُ كُلَّ نُقْطَةٍ مِمَّا يَأْتِي فِي الْمُسْتَوَى الْإِخْدَائِيِّ الْمُجَاوِرِ:



45  $A(-2, 3)$

46  $B(3, 3)$

47  $C(3, -3)$

48  $D(-4, 0)$

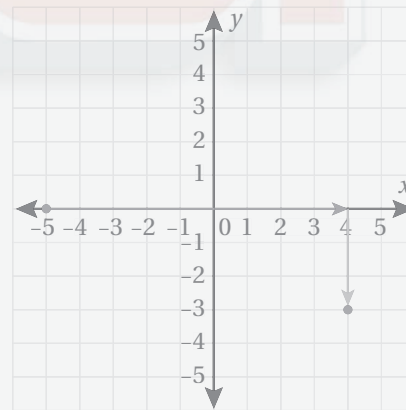
49  $E(-2, 1)$

50  $F(0, 3)$

مِثَالٌ: أُعَيِّنُ كُلَّ نُقْطَةٍ مِمَّا يَأْتِي فِي الْمُسْتَوَى الْإِخْدَائِيِّ، ثُمَّ أَحَدُّ الرُّبْعَ الَّذِي تَقَعُ فِيهِ، أَوِ الْمَحْوَرَ الَّذِي تَقَعُ عَلَيْهِ:

a)  $(4, -3)$

أَتَحَرَّكُ مِنْ نُقْطَةِ الْأَصْلِ 4 وَحَدَاتٍ أَفْقِيًّا إِلَى الْيَمِينِ،  
ثُمَّ 3 وَحَدَاتٍ رَاسِيًّا إِلَى الْأَسْفَلِ، ثُمَّ أَرْسُمُ نُقْطَةً.  
أَلَا حِظُّ أَنَّ النُّقْطَةَ تَقَعُ فِي الرُّبْعِ الرَّابِعِ.



b)  $(-5, 0)$

أَتَحَرَّكُ مِنْ نُقْطَةِ الْأَصْلِ 5 وَحَدَاتٍ أَفْقِيًّا إِلَى الْيَسَارِ،  
ثُمَّ 0 وَحَدَةٍ رَاسِيًّا، ثُمَّ أَرْسُمُ نُقْطَةً.  
أَلَا حِظُّ أَنَّ النُّقْطَةَ تَقَعُ عَلَى الْمَحْوَرِ  $x$ .





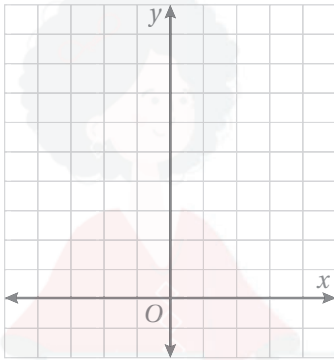
# الحيلة

## الْمُتَبَايِنَاتُ الْخَطِّيَّةُ

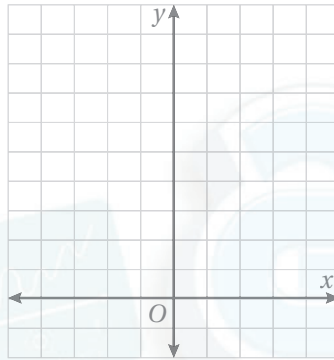
• تَمَثِيلُ الْمُعَادَلَةِ الْخَطِّيَّةِ بِمُتَغَيَّرَيْنِ بَيَانِيًّا (الدَّرْسُ 4)

أُمَثِّلُ كُلَّ مُعَادَلَةٍ مِمَّا يَأْتِي بَيَانِيًّا فِي الْمُسْتَوَى الْإِحْدَائِيِّ:

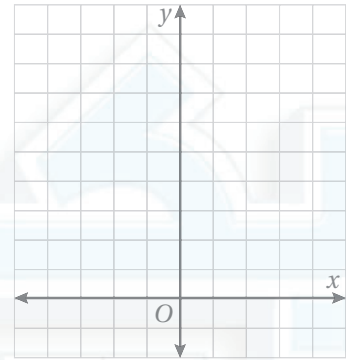
51  $y = 2x - 1$



52  $y = 4x - 2$

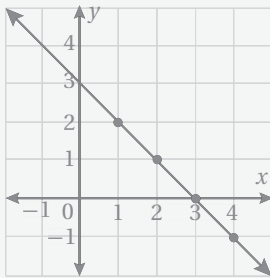


53  $y = 5 - 3x$



مِثَالٌ: أُمَثِّلُ الْمُعَادَلَةَ بَيَانِيًّا  $y = 3 - x$ ، فِي الْمُسْتَوَى الْإِحْدَائِيِّ:

الْمُسْتَوَى الْإِحْدَائِيُّ وَالْمُرْتَبَةِ فِي  
بِخَطٍّ:



الْخُطْوَةُ 2

أَخْتَارُ 4 قِيَمٍ لِلْمُدْخَلَاتِ، وَلَتَكُنْ  
1, 2, 3, 4، ثُمَّ أَجِدُ قِيَمَ الْمُخْرَجَاتِ  
الْمُنَظَرَةِ لَهَا بِاسْتِخْدَامِ الْمُعَادَلَةِ:

الْخُطْوَةُ 1

| $x$ | $3 - x$ | $y$ | $(x, y)$ |
|-----|---------|-----|----------|
| 1   | $3 - 1$ | 2   | (1, 2)   |
| 2   | $3 - 2$ | 1   | (2, 1)   |
| 3   | $3 - 3$ | 0   | (3, 0)   |
| 4   | $3 - 4$ | -1  | (4, -1)  |

إيجاد قيمة مقدار جبري عند قيمة مُعطاة (الدَّرْس 1)

أجد قيمة كل مقدار جبري مما يأتي عندما:  $a = -6, b = 2, c = 18$ :

1  $4 + 2a$

2  $7 - 36 \div a$

3  $b^4 + c \div 2$

4  $c - a^2 \div 4$

5  $\sqrt{cb} \div 3$

6  $\frac{a}{2} + \frac{1}{4}$

مثال:

(a) أجد قيمة المقدار الجبري  $x - 2$ ؛ إذا كانت  $x = 3$ .

أكتب المقدار الجبري

$$\begin{array}{c} x - 2 \\ \downarrow \quad \downarrow \\ 3 - 2 \\ \swarrow \quad \searrow \\ 1 \end{array}$$

أعوّض عن  $x$  بالعدد 3

أجد ناتج الطرح

$$\begin{array}{c} x - 11 \\ \downarrow \quad \downarrow \\ 3 - 11 \\ \swarrow \quad \searrow \\ -8 \end{array}$$

(b) أجد قيمة المقدار الجبري  $2x$ ؛ إذا كانت  $x = 6$ .

أكتب المقدار الجبري

$$\begin{array}{c} 2x \\ \swarrow \quad \searrow \\ 2 \times 6 \\ \downarrow \quad \downarrow \\ 12 \end{array}$$

أعوّض عن  $x$  بالعدد 6

أجد ناتج الضرب (أجمع البطاقات)

$$\begin{array}{c} x \quad x \\ \downarrow \quad \downarrow \\ 6 \quad 6 \\ \downarrow \quad \downarrow \\ 12 \end{array}$$

جداول المُدخلات والمُخرجات (الدرس 1)

أكمل جداول المُدخلات والمُخرجات أدناه لكل اقتران مما يأتي:

7  $x \mapsto 5x + 4$

8  $x \mapsto 7x - 2$

9  $x \mapsto \frac{x}{2} + 1$

10  $x \mapsto 4(x - 3)$

11  $x \mapsto 5(x + 6)$

12  $x \mapsto \frac{3x}{2}$

| المُدخلة (x) | المُخرجة (y) |
|--------------|--------------|
| 1            |              |
| 2            |              |
| 3            |              |
| 4            |              |

مثال: اُكمل جداول المُدخلات والمُخرجات لكل اقتران مما يأتي:

a)  $y = 2x - 5$

| المُدخلة (x) | المُخرجة (y)    |
|--------------|-----------------|
| 1            | $2(1) - 5 = -3$ |
| 2            | $2(2) - 5 = -1$ |
| 3            | $2(3) - 5 = 1$  |
| 4            | $2(4) - 5 = 3$  |

b)  $y = 3(x + 1)$

| المُدخلة (x) | المُخرجة (y)  |
|--------------|---------------|
| 1            | $3(1+1) = 6$  |
| 2            | $3(2+1) = 9$  |
| 3            | $3(3+1) = 12$ |
| 4            | $3(4+1) = 15$ |

استعمال جداول المُدخلات والمُخرجات لكتابة قاعدة اقتران بالصورة الجبرية (الدرس 1)

يسين الجدول المجاور قيم المُدخلات والمُخرجات لاقتران:

| المُدخلة (x) | المُخرجة (y) |
|--------------|--------------|
| 2            | 7            |
| 3            | 9            |
| 4            | 11           |
| 5            | 13           |

13 اصف بالكلمات قاعدة الاقتران.

14 اكتب قاعدة الاقتران بالصورة الجبرية.

| المُدخلة (x) | المُخرجة (y) |
|--------------|--------------|
| 1            | 3            |
| 2            | 5            |
| 3            | 7            |
| 4            | 9            |

يُبين الجدول المجاور قيم المدخلات والمُخرجات لافتران:

15 أصف بالكلمات قاعدة الافتران.

16 أكتب قاعدة الافتران بالصورة الجبرية.

| المُدخلة (x) | المُخرجة (y) |
|--------------|--------------|
| 1            | -1           |
| 2            | 2            |
| 3            | 5            |
| 4            | 8            |

مثال: يُبين الجدول المجاور قيم المدخلات والمُخرجات لافتران:

(a) أصف بالكلمات قاعدة الافتران.



بما أن المدخلات متباعدة بمقدار 1، والمُخرجات متباعدة بمقدار 3، فإن الجزء الأول من القاعدة هو: الضرب في 3 حتى تكون صورة العدد 4 هي 8، يجب أن تحتوي القاعدة على طرح العدد 4

إذن، قاعدة الافتران هي: أضرب في 3 ثم أطح 4

(b) أكتب قاعدة الافتران بالصورة الجبرية.

يُمكِنني كتابته قاعدة الافتران بالصورة الجبرية على النحو الآتي:

$$x \mapsto 3x - 4$$

أو معادلة بالصورة الآتية:

$$y = 3x - 4$$

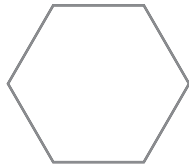
التماثل (الدرس 3)

أرسمُ محاور التماثل لكل شكل مما يأتي إن وجدت، ثم أكتب عددها:

17



18



19

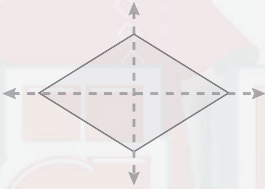


20



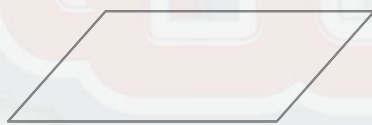
مثال: أرسمُ محاور التماثل لكل شكل مما يأتي إن وجدت، ثم أكتب عددها:

a)



يُمكنني رسمُ محورَي تماثل، كلُّ منهما يقسمُ الشكل إلى جزأين متطابقين. عددُ محاور التماثل 2.

b)



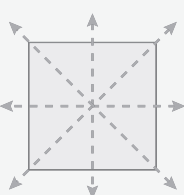
لا يُمكنني رسمُ أيِّ محور تماثل.

c)



يُمكنني رسمُ محور تماثل واحد.

d)



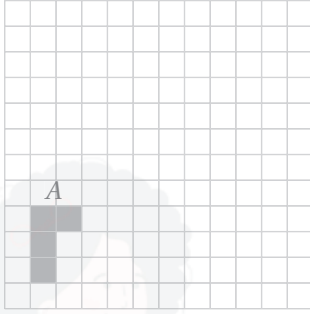
يُمكنني رسمُ 4 محاور تماثل.

رَسْمُ صُورَةٍ شَكْلٍ بَعْدَ إِجْرَاءِ انْسِحَابٍ لَهُ (الدَّرْسُ 4)

أُعَيِّنُ صُورَةَ الشَّكْلِ  $A$  بَعْدَ تَأْثِيرِ:

21 انْسِحَابٍ 6 وَحَدَاتٍ إِلَى أَعْلَى.

22 انْسِحَابٍ 7 وَحَدَاتٍ إِلَى الْيَمِينِ وَ3 وَحَدَاتٍ إِلَى أَعْلَى.

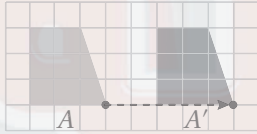
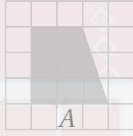


مِثَالٌ: أُعَيِّنُ صُورَةَ الشَّكْلِ  $A$  بَعْدَ تَأْثِيرِ:

(a) انْسِحَابٍ 5 وَحَدَاتٍ إِلَى الْيَمِينِ.

- أَحْرَكُ كُلَّ رَأْسٍ مِنْ رُؤُوسِ الشَّكْلِ إِلَى الْيَمِينِ 5 وَحَدَاتٍ، وَأُعَيِّنُ الرُّؤُوسَ الْجَدِيدَةَ.

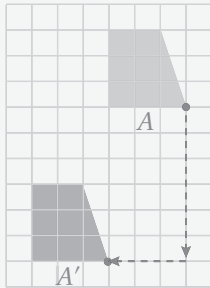
- أَصِلُ بَيْنَ الرُّؤُوسِ الْجَدِيدَةِ لِرَسْمِ الصُّورَةِ.



(b) انْسِحَابٍ 6 وَحَدَاتٍ إِلَى أَسْفَلَ وَ3 وَحَدَاتٍ إِلَى الْيَسَارِ.

- أَحْرَكُ كُلَّ رَأْسٍ مِنْ رُؤُوسِ الشَّكْلِ إِلَى أَسْفَلَ 6 وَحَدَاتٍ، ثُمَّ إِلَى الْيَسَارِ 3 وَحَدَاتٍ، وَأُعَيِّنُ الرُّؤُوسَ الْجَدِيدَةَ.

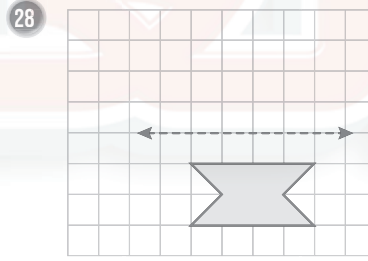
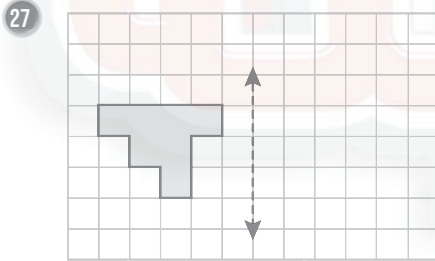
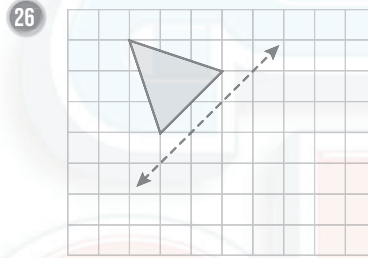
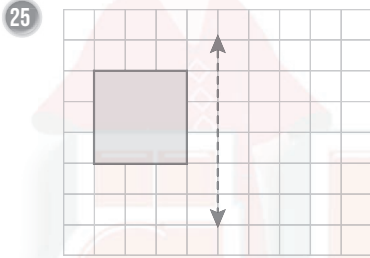
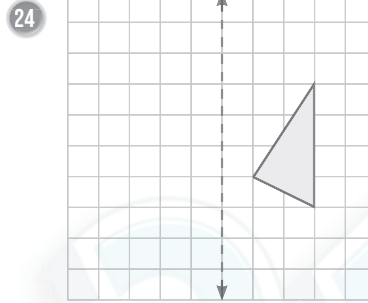
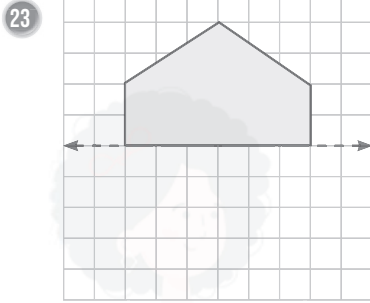
- أَصِلُ بَيْنَ الرُّؤُوسِ الْجَدِيدَةِ لِرَسْمِ الصُّورَةِ.



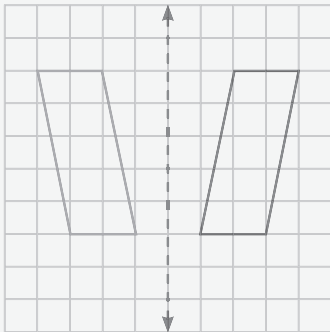


رَسْمُ صَوْرَةٍ شَكْلٍ بِالْإِنْعَاسِ حَوْلَ مَحْوَرٍ (الدَّرْسُ 4)

أَرْسُمُ صَوْرَةَ كُلِّ شَكْلٍ مِمَّا يَأْتِي بِالْإِنْعَاسِ حَوْلَ الْمَحْوَرِ الْمُعْطَى:



مِثَالٌ: أَرْسُمُ صَوْرَةَ الشَّكْلِ بِالْإِنْعَاسِ حَوْلَ الْمَحْوَرِ.



الْخُطْوَةُ 1  
أَجِدُ الْمَسَافَاتِ الْأُفْقِيَّةَ بَيْنَ رُؤُوسِ الشَّكْلِ وَمَحْوَرِ  
الْإِنْعَاسِ، ثُمَّ أَحْدِدُ النِّقَاطَ عَلَى الْجِهَةِ الْأُخْرَى  
مِنْ مَحْوَرِ الْإِنْعَاسِ الَّتِي لَهَا الْمَسَافَةُ نَفْسُهَا.

الْخُطْوَةُ 2  
أَصِلُ بَيْنَ نِقَاطِ الصُّورَةِ لِأَكُونَهَا.

• مَرَبَّعَاتِ الأَعْدَادِ الكُلِّيَّةِ (الدَّرْسُ 2)

أَجِدْ مُرَبَّعَ كُلِّ عَدَدٍ مِمَّا يَأْتِي:

1 14

2 22

3 8

4 32

5 81

أفكار

مُرَبَّعُ العَدَدِ هُوَ نَاتِجُ ضَرْبِ العَدَدِ فِي نَفْسِهِ،  
وَيُسَمَّى مُرَبَّعُ العَدَدِ الكُلِّيِّ مُرَبَّعًا كَامِلًا.

$$12^2 = 12 \times 12$$

$$= 144$$

مِثَالٌ: أَجِدْ مُرَبَّعَ العَدَدِ 12

تَعْرِيفُ مُرَبَّعِ العَدَدِ 12  
أَضْرِبْ

• الجَذْرُ التَّربِيعِيُّ لِلْمَرَبَّعَاتِ الكَامِلَةِ (الدَّرْسُ 2)

أَجِدْ الجَذْرَ التَّربِيعِيَّ لِكُلِّ عَدَدٍ مِمَّا يَأْتِي:

6 100

7 36

8 81

9 121

10 49

مِثَالٌ: أَجِدْ الجَذْرَ التَّربِيعِيَّ لِلْعَدَدِ 100

$$100 = 2 \times 5 \times 2 \times 5$$

$$= 10 \times 10$$

$$\sqrt{100} = 10$$

أَحْلَلْ العَدَدَ 100 إِلَى عَوَامِلِهِ الأَوَّلِيَّةِ  
أَكْتُبْ 100 كَحَاصِلِ ضَرْبِ عَدَدَيْنِ مُتَسَاوَيْنِ  
تَعْرِيفُ الجَذْرِ التَّربِيعِيِّ

أفكار

الجَذْرُ التَّربِيعِيُّ لِلْمَرَبَّعِ الكَامِلِ هُوَ ذَلِكَ العَدَدُ الكُلِّيُّ الَّذِي  
مُرَبَّعُهُ يُسَاوِي المُرَبَّعَ الكَامِلَ.

• الحُدُودُ وَالْمُعَامِلَاتِ وَالْثَوَابِتُ فِي الْمَقَادِيرِ الْجَبْرِيَّةِ (الدَّرْسُ 2)

أُمَيِّزُ الحُدُودَ وَالْمُعَامِلَاتِ وَالْثَوَابِتَ فِي كُلِّ مِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ مِمَّا يَأْتِي:

11  $\frac{y^3}{2}$

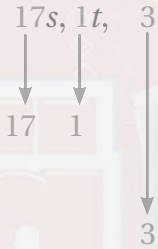
12 6

13  $\frac{3}{4}xy - 1$

14  $1.34rw^2$

مِثَالٌ: أُمَيِّزُ الحُدُودَ وَالْمُعَامِلَاتِ وَالْثَوَابِتَ فِي كُلِّ مِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ مِمَّا يَأْتِي:

a)  $17s + t + 3$

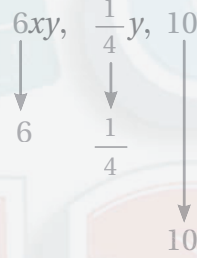


الحُدُودُ:

المُعَامِلُ:

الثَّابِتُ:

b)  $6xy + \frac{y}{4} + 10$



الحُدُودُ:

المُعَامِلُ:

الثَّابِتُ:

الكلمة

- المُعَامِلُ هُوَ الْعَدَدُ الْمَضْرُوبُ فِي مُتَغَيِّرٍ.
- الْحَدُّ الثَّابِتُ هُوَ حَدٌّ فِي الْمِقْدَارِ الْجَبْرِيِّ لَا يَحْتَوِي أَيَّ مُتَغَيِّرٍ.

• جَمْعُ الْمَقَادِيرِ الْجَبْرِيَّةِ وَطَرَحُهَا (الدَّرْسُ 2)

اَكْتُبْ كُلَّ مِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ مِمَّا يَأْتِي فِي أبْسَطِ صُورَةٍ:

15  $(9b + 2b^2 - 4) + (5b^2 - 6b)$

\_\_\_\_\_

16  $(2n^2 + 8n) - (6n - 3n^2 - 1)$

\_\_\_\_\_

17  $(3x^3 - 6y + 4) - (2y + 8x^3)$

\_\_\_\_\_

18  $(2c^3 + 5d) + (3d - 5c^3 + 9)$

\_\_\_\_\_

مثال: اكتب كلِّ مقدارٍ جبريٍّ ممَّا يأتي في أبسط صورة:

a)  $3x + 4x$

$$3x + 4x = (3 + 4)x = 7x$$

الحدان  $3x$  و  $4x$  متشابهان. أجمع معاملَي الحدَّين، ثمَّ أضع  $x$

b)  $4x - 3x$

$$4x - 3x = (4 - 3)x = x$$

الحدان متشابهان. أطرح معاملَي الحدَّين، ثمَّ أضع  $x$

c)  $7zt + 6zt$

$$7zt + 6zt = (7 + 6)zt = 13zt$$

الحدان  $7zt$  و  $6zt$  متشابهان. أجمع معاملَي الحدَّين، ثمَّ أضع  $zt$

d)  $9y^5 - y^5$

$$9y^5 - y^5 = (9 - 1)y^5 = 8y^5$$

الحدان  $9y^5$  و  $y^5$  متشابهان. أطرح معاملَي الحدَّين، ثمَّ أضع  $y^5$

### التمرين

الحدود المتشابهة هي حدودٌ تحتوي على المتغيَّرات نفسها، وبالأُسِّ نفسها.

| حدودٌ غير متشابهة | حدودٌ متشابهة      |
|-------------------|--------------------|
| $x, x^3, x^5$     | $x, 34x, -5x$      |
| $17, xy, xy^5$    | $2xy, -28xy, xy$   |
| $w, 3z, 14m$      | $7n^3, -5n^3, n^3$ |

يُمكنني أن أجمع أيَّ حدَّين متشابهين أو أطرحهما، وذلك بجمع معامليهما أو طرحهما فقط وإبقاء المتغيَّرات.

خاصية التوزيع (الدَّرْس 2)

أَسْتَغْمِلُ خاصية التوزيع لِتَبْسِيطِ كُلِّ مِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ مِمَّا يَأْتِي:

19  $8(12 + x)$

20  $9(2x + 1)$

21  $18(5 - 3b)$

22  $6(13 + z)$

23  $25(x - y)$

24  $13(n + 4 + 7m)$

مِثَال: أَسْتَغْمِلُ خاصية التوزيع لِتَبْسِيطِ كُلِّ مِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ مِمَّا يَأْتِي:

a)  $4(n + 2)$

$$4(n + 2) = 4 \times n + 4 \times 2$$

$$= 4n + 8$$

خاصية التوزيع  
أَضْرِبُ

b)  $6(x - 7)$

$$6(x - 7) = 6 \times x - 6 \times 7$$

$$= 6x - 42$$

خاصية التوزيع  
أَضْرِبُ

الخاصيتان: التجميعية والتبديلية (الدَّرْس 2)

أُبَسِّطُ كُلَّ مِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ فِي مَا يَأْتِي:

25  $6 + (5 + y)$

26  $(14 + z) + 6$

27  $5(2h)$

28  $3.2 + (w + 5.1)$

29  $(2.4 + 4n) + 9$

30  $(3s) \times 8$

مثال: أبسط كلِّ مقدارٍ جبريٍّ في ما يأتي:

a)  $4 + (6 + x)$

$$4 + (6 + x) = (4 + 6) + x$$

$$= 10 + x$$

الخاصية التجميعية للجمع  
أجمع

b)  $8.3 + (m + 3.1)$

$$8.3 + (m + 3.1) = 8.3 + (3.1 + m)$$

$$= (8.3 + 3.1) + m$$

$$= 11.4 + m$$

الخاصية التبديلية للجمع  
الخاصية التجميعية للجمع  
أجمع

c)  $3(7h)$

$$3(7h) = (3 \times 7) h$$

$$= 21 h$$

الخاصية التجميعية للضرب  
أضرب

قابلية القسمة على 2 و 3 و 5 و 10 (الدرس 3)

تذكر

- يقبل العدد القسمة على 2 إذا كان رقم أحاده زوجياً.
- يقبل العدد القسمة على 3 إذا كان مجموع أرقام منازلِه يقبل القسمة على 3
- يقبل العدد القسمة على 5 إذا كان رقم أحاده صفرًا أو 5
- يقبل العدد القسمة على 10 إذا كان رقم أحاده صفرًا.

31 أحوط الأعداد التي تقبل القسمة على 2 في ما يأتي:

1235 308 765 560 914 367 241

32 أحوط الأعداد التي تقبل القسمة على 3 في ما يأتي:

4321 752 324 621 587 321 490

33 أحوط الأعداد التي تقبل القسمة على 5 أو على 10 في ما يأتي:

1253 795 680 336 155 70 91



مثال:

(b) أختبر قابلية العدد 3491 على 3

مجموع منازل العدد 3491 :

$$3 + 4 + 9 + 1 = 17$$

17 لا يقبل القسمة على 3

لذا، فإن العدد 3491 لا يقبل القسمة على 3

(a) أختبر قابلية العدد 2648 على 2

منزلة الآحاد هي 8 وهو عدد زوجي.

لذا، فإن العدد 2648 يقبل القسمة على 2

(d) أختبر قابلية العدد 475 على 10

منزلة الآحاد في العدد 475 هي 5

لذا، فإن العدد 475 لا يقبل القسمة على 10

(c) أختبر قابلية العدد 225 على 5

منزلة الآحاد في العدد 225 هي 5

لذا، فإن العدد 225 يقبل القسمة على 5

إيجاد عوامل أعداد كلية (الدرس 3)

اكتب في المربعات أزواج العوامل الأتية جميعها:

34

30



35

42



أجدُ عَوَامِلَ كُلِّ عَدَدٍ مِمَّا يَأْتِي:

36 85

37 62

38 75

مِثَالٌ: أجدُ عَوَامِلَ العَدَدِ 70

أَسْتَعْمِلُ قَوَاعِدَ قَابِلِيَّةِ القِسْمَةِ:

- العَدَدُ 70 يَقْبَلُ القِسْمَةَ عَلَى 2، وَنَاتِجُ القِسْمَةِ هُوَ 35، إِذَنْ: العَدَدَانِ 2 وَ 35 عَامِلَانِ لِلْعَدَدِ 70
- العَدَدُ 70 يَقْبَلُ القِسْمَةَ عَلَى 5، وَنَاتِجُ القِسْمَةِ هُوَ 14، إِذَنْ: العَدَدَانِ 5 وَ 14 عَامِلَانِ لِلْعَدَدِ 70
- العَدَدُ 70 يَقْبَلُ القِسْمَةَ عَلَى 10 وَنَاتِجُ القِسْمَةِ هُوَ 7، إِذَنْ: العَدَدَانِ 7 وَ 10 عَامِلَانِ لِلْعَدَدِ 70

إِذَنْ: عَوَامِلُ العَدَدِ 70، هِيَ 1، 2، 5، 7، 10، 14، 35، 70





ODROOS

الوحدة

3



## حَلُّ الْمُعَادَلَاتِ

• اسْتَغْمَالُ التَّحْلِيلِ إِلَى الْعَوَامِلِ لِإِيجَادِ الْجُذُورِ التَّرْبِيعِيَّةِ لِلْأَعْدَادِ الْكَبِيرَةِ (الدَّرْسُ 5)

أَجِدْ قِيَمَةَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

39  $\sqrt{49}$  .....

40  $\sqrt{81}$  .....

41  $\sqrt{196}$  .....

42  $\sqrt{1600}$  .....

43  $\sqrt{40000}$  .....

44  $\sqrt{144}$  .....

مِثَالٌ: أَجِدْ قِيَمَةَ  $\sqrt{324}$ 

الخطوة 2: أَخِذْ عَامِلًا مِنْ كُلِّ تَكَرَّارٍ لَهُ:

$$\begin{array}{r}
 2 \left\{ \begin{array}{l} 2 \quad 324 \\ 2 \quad 162 \\ 3 \quad 81 \\ 3 \quad 27 \\ 3 \quad 9 \\ 3 \quad 3 \\ 1 \end{array} \right.
 \end{array}$$

الخطوة 1: أَحْلِلْ الْعَدَدَ 324 إِلَى عَوَامِلِهِ الْأَوَّلِيَّةِ:

$$\begin{array}{r}
 2 \quad 324 \\
 2 \quad 162 \\
 3 \quad 81 \\
 3 \quad 27 \\
 3 \quad 9 \\
 3 \quad 3 \\
 1
 \end{array}$$

الخطوة 3: أَحْسِبْ الْجَذَرَ التَّرْبِيعِيَّ.

$$\sqrt{324} = 2 \times 3 \times 3$$

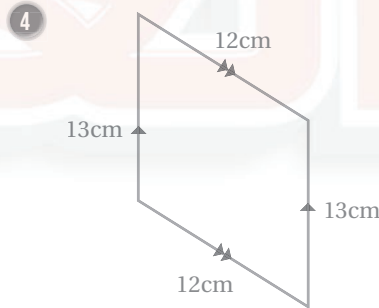
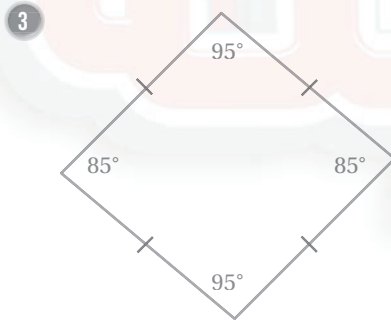
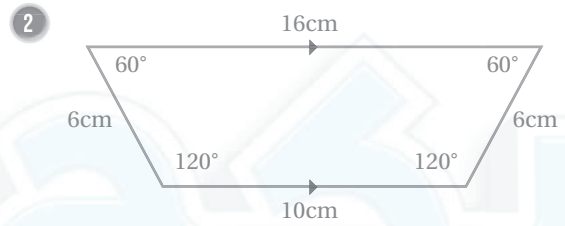
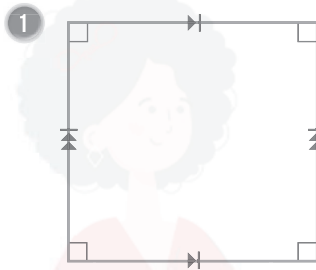
$$= 18$$

الْجَذَرُ التَّرْبِيعِيُّ يُسَاوِي نَاتِجَ ضَرْبِ الْعَوَامِلِ الَّتِي أُخِذَتْ فِي الْخُطْوَةِ 2

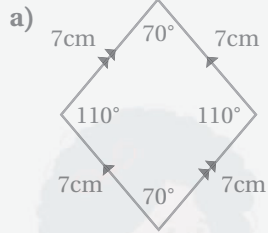
أَضْرِبْ

• تصنيفُ الأشكالِ الرباعية (الدَّرْسُ 3)

أَصْنَفْ كُلًّا مِمَّا يَأْتِي إِلَى أَكْبَرِ عَدَدٍ مُمَكِّنٍ مِنَ الْأَشْكَالِ الرَّبَاعِيَّةِ:



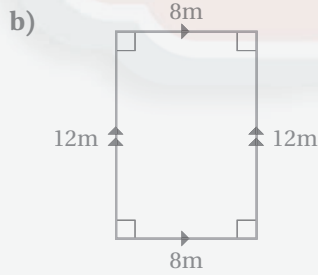
مثال: أصنّف كلّاً ممّا يأتي إلى أكبر عددٍ ممكنٍ من الأشكال الرباعيّة:



ألاحظ من الشكل الرباعيّ المجاور أنّ:

- زواياه ليست قوائم.
- كلّ ضلعين متقابلين متوازيان.
- أضلاعه متطابقة.

إذن، الشكل الرباعيّ متوازي أضلاعٍ ومعيّن.



ألاحظ من الشكل الرباعيّ المجاور أنّ:

- زواياه قوائم.
- كلّ ضلعين متقابلين متوازيان ومتطابقان.
- إذن، الشكل الرباعيّ متوازي أضلاعٍ ومُسْتطِيل.